

# 数学

令和6年度 A

指示があるまで、このページをよく読んで待ちなさい。指示があるまで、この問題用紙を開いてはいけません。

## I 受験に際しての注意

- 問題用紙は1ページ（表紙を除く）から6ページまでである。
- 問題の内容についての質問には、いっさい応じない。それ以外のことがらについて尋ねたいがあれば、手をあげて監督者に聞くこと。
- 監督者の「はじめ」の合図で始め、「やめ」の合図ですぐやめること。
- 解答用紙が折れ曲がったり、破れたり、汚れたりした場合には、手をあげて監督者に申し出ること。

## II 解答記入上の注意

- すべてマーク方式で解答を記入すること。
- マークは必ず**H B**の黒鉛筆を使用して記入すること。ボールペン、万年筆、サインペン等を用いてはいけない。
- 一度マークしたものを訂正するときには、プラスチック消しゴムで完全に消してからマークしなおすこと。消して出たカスはきれいに払っておくこと。
- 次の場合は、いずれも誤答となるから特に注意すること。
  - (1) マークの仕方が悪かった場合。(特にマーク欄が塗りつぶされていなかったり、外側に少しでもはみ出した場合)
  - (2) 問題が要求している以上に余分な答えをマークした場合。
  - (3) マークすべきところ以外に印をつけたり、汚したりした場合。特に**枠内**は絶対に汚さないこと。
  - (4) 訂正の場合の消し方が不十分な場合。
- 円周率は $\pi$ とすること。

比は最小の整数比で答えること。例えば、3:2と答えるところを6:4と答えてはいけない。

根号を含む形で解答する場合は、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えること。

例えば、 $4\sqrt{2}$ 、 $\frac{\sqrt{15}}{2}$ と答えるところをそれぞれ $2\sqrt{8}$ 、 $\frac{\sqrt{60}}{4}$ と答えてはいけない。

分数はそれ以上約分をすることのできない形で答えること。

## III 数学の受験に際して特に注意すべき点

- 計算には、この問題用紙の余白を利用すること。解答用紙を計算に使ってはいけない。
- コンパス・定規・分度器を使ってはいけない。

## IV 氏名等の記入上の注意

- 問題用紙と解答用紙の両方の所定欄に、漢字で氏名を、算用数字で受験番号をそれぞれ記入すること。
- 解答用紙の左側にある受験番号をマークすること。

氏 名		受験番号						
-----	--	------	--	--	--	--	--	--

〔1〕次の□に適する解答を①から⑤の中から選べ。

$$(1) \left(4 - \frac{11}{2}\right)^3 \times \frac{2}{9} = \boxed{\text{ア}}$$

- ①  $-\frac{5}{2}$       ②  $-\frac{4}{3}$       ③  $-\frac{3}{4}$       ④  $-\frac{7}{4}$       ⑤  $-\frac{13}{2}$

$$(2) \left(-\frac{\sqrt{6}}{xy}\right)^2 \times \frac{xy}{18} \div \frac{7y^2}{3x^2} = \boxed{\text{イ}}$$

- ①  $\frac{y}{6x^2}$       ②  $\frac{3x^2}{7y^2}$       ③  $\frac{2}{9xy}$       ④  $\frac{x}{7y^3}$       ⑤  $\frac{x}{6y}$

$$(3) \left(\frac{3\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{3}}{6}\right) \left(\frac{\sqrt{2}}{3} - \sqrt{3}\right) = \boxed{\text{ウ}}$$

- ①  $\frac{-25\sqrt{6}}{36}$       ②  $\frac{21\sqrt{6}}{12}$       ③  $\frac{23\sqrt{2}}{6}$       ④  $\frac{-15\sqrt{3}}{4}$       ⑤  $\frac{-11\sqrt{2}}{3}$

$$(4) \frac{3x-5}{4} - \frac{2x-3}{6} = \boxed{\text{エ}}$$

- ①  $\frac{9x+16}{24}$       ②  $\frac{10x-17}{24}$       ③  $\frac{7x+8}{12}$       ④  $\frac{6x-7}{12}$       ⑤  $\frac{5x-9}{12}$

$$(5) (\sqrt{7}-3)^2 + \frac{14}{\sqrt{28}} = \boxed{\text{オ}}$$

- ①  $16+5\sqrt{7}$       ②  $16-5\sqrt{7}$       ③  $12+5\sqrt{7}$   
④  $10+5\sqrt{7}$       ⑤  $10-5\sqrt{7}$

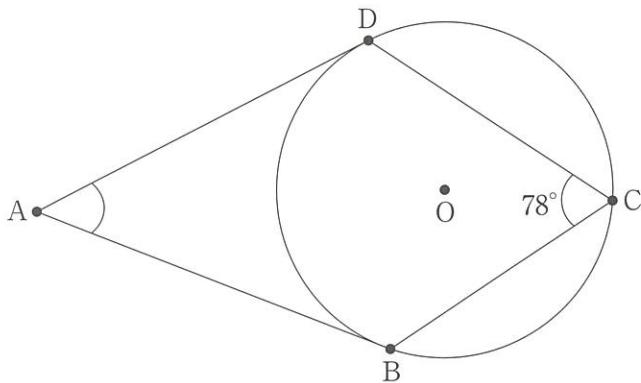
[2] 次の  に適する数を答えよ.

(1)  $\sqrt{50} < a < \sqrt{300}$  を満たす自然数は全部で  ア  イ 個ある.

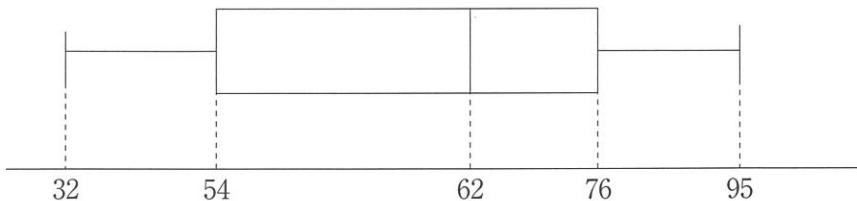
(2) 2次方程式  $(2x-3)^2 - 6 = 0$  を解くと,  $x = \frac{\boxed{\text{ウ}} \pm \sqrt{\boxed{\text{エ}}}}{\boxed{\text{オ}}}$  である.

(3) 全校生徒300人の学校で、数学検定3級を取得しているのは全男子生徒の6割、全女子生徒の7割である。数学検定3級を取得している生徒の人数は男女合わせて194人である。この学校の男子生徒の人数は  カ  キ  ク 人である。

(4) 下の図において、線分ABおよび線分ADは円Oに円外の点Aから引いた接線である。 $\angle BCD=78^\circ$  のとき、 $\angle BAD=\boxed{\text{ケ}}\boxed{\text{コ}}^\circ$  である。



(5) 下の箱ひげ図は、37人クラスの100点満点のテストの得点データから作成されたものである。このテストで62点以上の生徒は  サ  シ 人いる。ただし、同点の生徒はないものとする。



- ③ 右の図において点①②③④⑤⑥は1つの円の円周を6等分した点である。

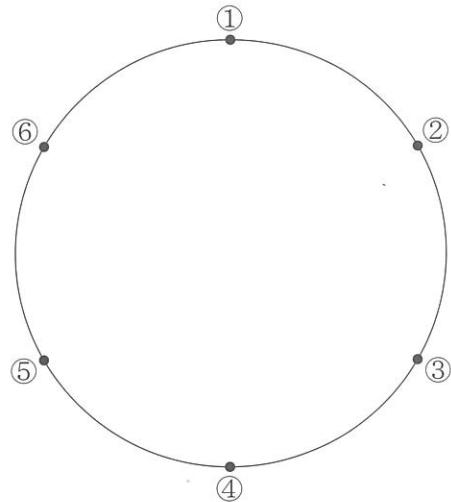
サイコロを3つ同時に投げて、出た目の数字に対応した点を取り、線分で結ぶことで図形を作る。

下記のルールで図形を作るとき、次の  
□に適する数を答えよ。

ルールI：3つのサイコロの目が同じ数字のときは、点を表す。

ルールII：3つのサイコロのうち2つが同じ目（1つのみ違う目）のときは弦を表す。

ルールIII：3つのサイコロの目が違うときは三角形を表す。



(1) 3つのサイコロを同時に投げたとき、点を表す確率は 

ア	
イ	ウ

 である。

(2) 3つのサイコロを同時に投げたとき、直角三角形になる確率は 

エ	
オ	カ

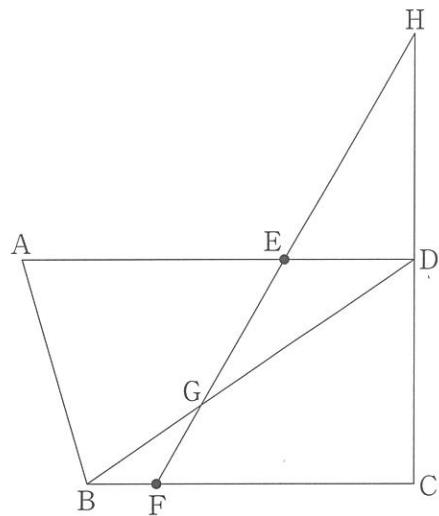
 である。

- ④ 右の図の四角形 ABCD は、 $AD \parallel BC$  で、  
 $\angle BCD = \angle ADC = 90^\circ$  であり、 $AD$  の長さが 12  
 で、 $BC$  の長さが 10 である。 $AE : ED = 2 : 1$ ,  
 $BF : FC = 1 : 4$  とする。直線  $FE$  と辺  $BD$  の交  
 点を  $G$ ,  $FE$  の延長線と  $CD$  の延長線の交点を  
 $H$  とする。四角形  $ABFE$  の面積が 35 のとき、  
 次の  に適する数を答えよ。

(1) 辺  $DC$  の長さは  である。

(2)  $FG : FE : FH = \boxed{\text{イ}} : \boxed{\text{ウ}} : \boxed{\text{エ}}$  である。

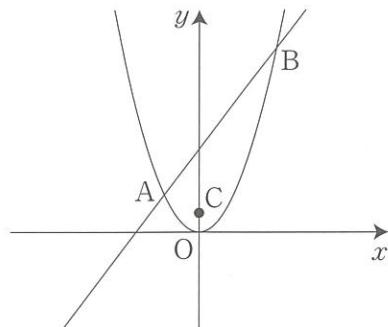
(3)  $\triangle EGD$  の面積は  $\frac{\boxed{\text{オ}} + \boxed{\text{カ}}}{\boxed{\text{キ}}}$  である。



- 【5】 図のように、放物線  $y = x^2$ 、直線  $y = 2x + 9$  の交点を A, B とする。

点 C の座標を  $(0, 3)$  とし、座標平面上に点 P をとり、  
 $\triangle ABC$  と  $\triangle ABP$  の面積について考える。

次の  に適する数を答えよ。



(1)  $\triangle ABC = \triangle ABP$  となるとき、

点 P が点 C と異なる  $y$  軸上にあるならば、

点 P の座標は  $(0, \boxed{\text{ア}} \boxed{\text{イ}})$  である。

(2)  $\triangle ABC = \triangle ABP$  となるとき、点 P が放物線  $y = x^2$  上にあるならば、

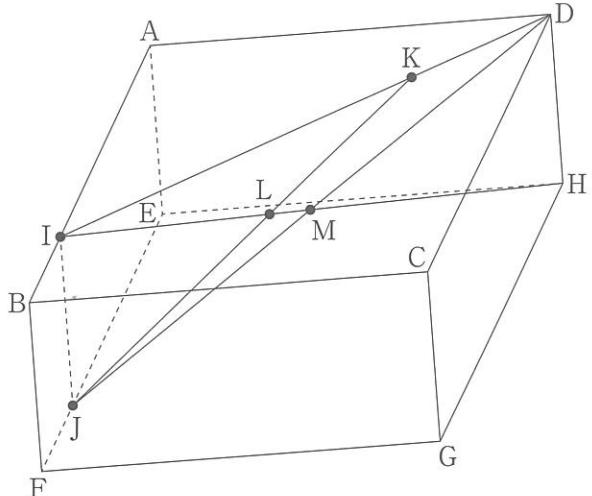
点 P の座標で  $x$  座標も  $y$  座標も自然数となる座標は、

$(\boxed{\text{ウ}}, \boxed{\text{エ}}), (\boxed{\text{オ}}, \boxed{\text{カ}} \boxed{\text{キ}})$  である。

⑥ 右の図は、 $AB=5$ 、 $BC=12$ の直方体である。 $AI : IB = 4 : 1$ となるように点Iをとり、点Iから辺EFへ垂線を下ろし、その垂線と辺EFの交点をJとする。 $DK : KI = 1 : 3$ となるように点Kをとり、辺IHと辺JK、辺JDの交点をそれぞれ点L、点Mとする。

$\triangle DIH$  の面積が  $2\sqrt{5}$  のとき、次の

□に適する数を答えよ。



(1) 辺BFの長さは  $\frac{\sqrt{\boxed{\text{ア}}}}{\boxed{\text{イ}}}$  である。

(2) 三角柱IBC-JFGの体積は  $\boxed{\text{ウ}} \sqrt{\boxed{\text{エ}}}$  である。

(3)  $HM : ML : LI = \boxed{\text{オ}} : \boxed{\text{カ}} : \boxed{\text{キ}}$  である。